

# Математичко такмичење „Кенгур без граница” 2019.

## 9 – 10. разред

### Задаци који вреде 3 поена

1.  $20 \cdot 19 + 20 + 19 =$

- A) 389      B) 399      C) 409      D) 429

2. Моделу воза је потребно 1 минут и 11 секунди да пређе сваки круг стазе. Колико времена је моделу воза потребно за шест кругова?

- A) 6 минута и 56 секунди      B) 7 минута и 6 секунди  
B) 7 минута и 16 секунди      C) 7 минута и 26 секунди      D) 7 минута и 36 секунди

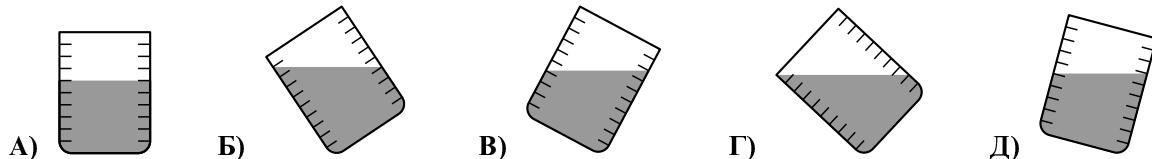
3. Берберин жели да напише реч SHAVE на табли тако да муштерија која гледа у огледало исправно чита написану реч. Како би изгледала реч коју би берберин написао на табли?

- A) **SHAVE**      B) **SHAVΞ**      C) **ΞVAHS**  
D) **EVAHΞ**      D) **ΞVAHΞ**

4. Колико различитих збирива бројева тачкица можемо добити приликом истовременог бацања три стандардне коткице за игру?

- A) 14      B) 15      C) 16      D) 17      D) 18

5. У пет идентичних чаша сипана је вода. Тачно четири од њих садрже исту количину воде. Која чаша има различиту количину воде у односу на преостале четири?



6. Парк има тачно пет капија. Моника жели да уђе у парк кроз једну капију, а да изађе из парка кроз неку другу. На колико различитих начина Моника може ући и изаћи из парка?

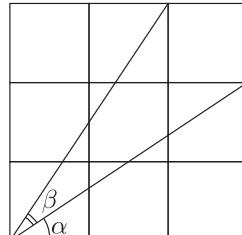
- A) 25      B) 20      C) 16      D) 15      D) 10

7. Тежина сваког од три кенгура је различит природан број. Њихова укупна тежина је 97 kg. Колико највише килограма може имати најлакши од њих?

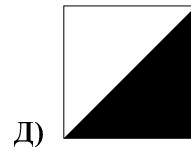
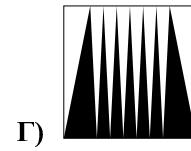
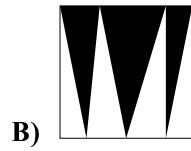
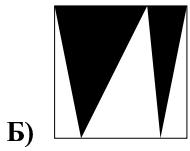
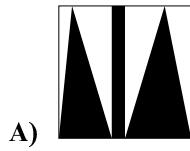
- A) 1 kg      B) 30 kg      C) 31 kg      D) 32 kg      D) 33 kg

8. Која од следећих једнакости је тачна за означене углове на слици десно састављеној од 9 подударних квадрата?

- A)  $\alpha = \beta$       B)  $2\alpha + \beta = 90^\circ$       C)  $\alpha + \beta = 60^\circ$   
D)  $2\beta + \alpha = 90^\circ$       D)  $\alpha + \beta = 45^\circ$

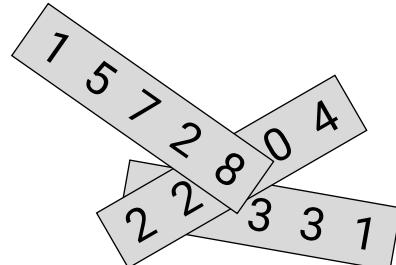


9. Унутар сваког од 5 јединичних квадрата одређени део је обојен у црно. У ком квадрату је највећа површина обојена у црно?



10. На сваком од три листа папира написано је по 5 цифара. Три цифре су покривене као што је приказано на слици десно. Ако је збир сва три броја написана на папирима једнак 57263, које цифре су покривене?

- A) 0, 2 и 2      B) 1, 2 и 9      C) 2, 4 и 9  
D) 2, 7 и 8      E) 5, 7 и 8



#### *Задаци који вреде 4 поена*

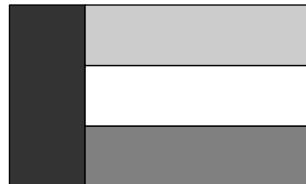
11. Темена квадрата означена су са  $A$ ,  $B$ ,  $C$  и  $D$  у смеру кретања казаљке на сату. У једнако-страничном троуглу темена  $A$ ,  $E$  и  $C$  означена су у смеру кретања казаљке на сату. Колика је мера угла  $CBE$ ?

- A)  $30^\circ$       B)  $45^\circ$       C)  $135^\circ$       D)  $145^\circ$       E)  $150^\circ$

12. Бројеви  $a$ ,  $b$ ,  $c$  и  $d$  су различити природни бројеви од 1 до 10. Која је најмања могућа вредност израза  $\frac{a}{b} + \frac{c}{d}$ ?

- A)  $\frac{2}{10}$       B)  $\frac{3}{19}$       C)  $\frac{14}{45}$       D)  $\frac{29}{90}$       E)  $\frac{25}{72}$

13. Застава Краљевства Кенгуре је правоугаоник са страницама чије су дужине у односу  $3 : 5$ . Застава је подељена на четири правоугаоника једнаких површина, као што је приказано на слици десно. Који је однос дужина страница белог правоугаоника са заставе Краљевства Кенгуре?

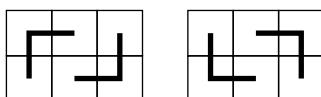
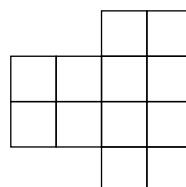


- A)  $1 : 3$       B)  $1 : 4$       C)  $2 : 7$       D)  $3 : 10$       E)  $4 : 15$

14. Правоугаоник димензије  $3 \times 2$  може се прекрити са тачно две  $L$ -фигуре

облика

на два различита начина као што је приказано на слици испод. На колико различитих начина  $L$ -фигурама можемо да прекријемо фигуру дату на слици десно?



- A) 1      B) 2      C) 3      D) 4      E) 48

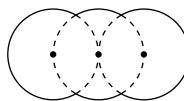
15. Триатлон се састоји од пливања, трчања и бициклизма. Бициклизам је три четвртине укупне дужине триатлона, трчање је једна петина, а пливање је дужине 2 km. Колика је дужина овог триатлона?

- A) 10 km      B) 20 km      C) 38 km      D) 40 km      E) 60 km

16. Сок за конзумирање треба направити од концетрованог сирупа сока и воде у односу  $1 : 7$ . Концетровани сируп сока се налази у боци запремине један литар, а боца је до пола напуњена. Који део овог концетрованог сирупа сока треба искористити да бисмо у мешавини са водом добили 2 литра сока за конзумирање?

- A)  $\frac{1}{4}$     Б)  $\frac{1}{2}$     В)  $\frac{2}{7}$     Г)  $\frac{4}{7}$     Д) сав концетровани сируп сока

17. Фигура на слици десно је добијена од делова три круга полупречника  $r$  чији се центри налазе на једној правој. Средњи круг пролази кроз центре друга два круга, као што је приказано на слици десно. Колики је обим добијене фигуре?



- A)  $\frac{10\pi r}{3}$     Б)  $\frac{5\pi r}{3}$     В)  $\frac{2\pi r\sqrt{3}}{3}$     Г)  $2\pi r\sqrt{3}$     Д)  $4\pi r$

18. Седам цифара телефонског броја  $\overline{aaabbbb}$  у збиру дају двоцифрени број  $\overline{ab}$ . Колика је вредност  $a + b$ ?

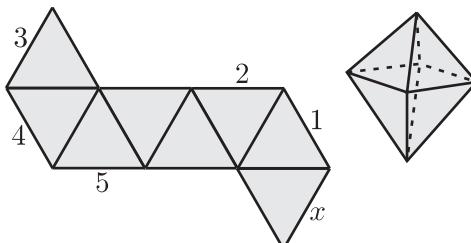
- A) 8    Б) 9    В) 10    Г) 11    Д) 12

19. У кутије се пакују јабуке и крушке, али тако да свака кутија садржи исти број јабука и да не постоје две кутије са истим бројем крушака. Који је највећи могући број кутија које се могу спаковати на овај начин ако имамо на располагању 60 јабука и 60 крушака?

- A) 20    Б) 15    В) 12    Г) 10    Д) 6

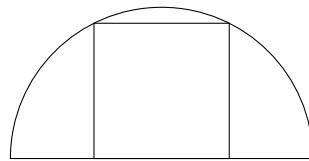
20. На слици десно приказана је мрежа октаедра. Када се од дате мреже формира октаедар, којим бројем је обележена дуж која ће се преклопити са дужи означеном са  $x$ ?

- A) 1    Б) 2    В) 3    Г) 4    Д) 5



#### Задаци који вреде 5 поена

21. Квадрат је уписан у полукуруг тако да се два темена квадрата налазе на полукуружници, а два темена на пречнику, као на слици десно. Ако је полупречник полукуруга 1 cm, колика је површина уписаног квадрата?



- A)  $\frac{4}{5} \text{ cm}^2$     Б)  $\frac{\pi}{4} \text{ cm}^2$     В)  $1 \text{ cm}^2$     Г)  $\frac{4}{3} \text{ cm}^2$     Д)  $\frac{2}{\sqrt{3}} \text{ cm}^2$

22. На кружном диску који ротира око свог центра означене су две тачке. Тачка  $A$  је за 3 cm даље од центра диска него тачка  $B$  и креће се константном брзином која је 2,5 пута већа него брзина тачке  $B$ . Колико је растојање тачке  $A$  од центра диска?

- A) 10 cm    Б) 9 cm    В) 8 cm    Г) 6 cm    Д) 5 cm

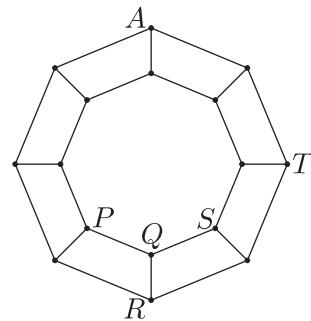
23. Природни бројеви од 1 до 99 пишу се узастопно без размака. Овај низ цифара се затим дели на групе од по три цифре:  $123456789101112\dots979899 \rightarrow (123)(456)(789)(101)(112)\dots(979)(899)$ . Која од следећих група се не добија на тај начин?

- A) (222)    Б) (444)    В) (464)    Г) (646)    Д) (888)

24. Колико има различних равни које садрже тачно три темена дате коцке?

- A) 1      Б) 2      В) 4      Г) 8      Д) 12

25. Граф се састоји од 16 чвррова и неких линија које их повезују, као на слици десно. Мрав се тренутно налази на чвиру  $A$  и креће се тако што у једном кораку он са једног чвора пређе на други чвр линијом која те чврове повезује. На ком од чвррова означених са  $P, Q, R, S$  и  $T$  мрав може бити након 2019 корака?



- А)  $P, R$  или  $S$       Б)  $P, R, S$  или  $T$       В) само  $Q$   
Г) само  $T$       Д) све је могуће

26. Сваки од троцифрених природних бројева  $a, b$  и  $c$  има својство да му је прва цифра једнака трећој и важи да је  $b = 2a + 1$  и  $c = 2b + 1$ . Колико има таквих различитих бројева  $a$ ?

- А) 0      Б) 1      В) 2      Г) 3      Д) више од 3

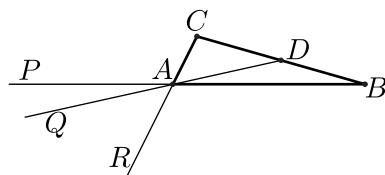
27. У сваком темену квадрата уписан је по један природан број. За два броја која су уписана у теменима повезаним страницом квадрата важи да је један број делилац другог. Међутим, за два броја која су уписана у теменима дијагонале важи да један другог не деле. Који је најмањи могући збир та четири броја?

- А) 12      Б) 24      В) 30      Г) 35      Д) 60

28. Који је најмањи број елемената потребно избацити из скупа  $\{10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90\}$ , тако да производ елемената који остају буде потпун квадрат?

- А) 1      Б) 2      В) 3      Г) 4      Д) 5

29. Нека је  $D$  средиште странице  $BC$  троугла  $ABC$  чија је површина једнака  $S$  и нека су тачке  $P, Q$  и  $R$  редом на правим  $AB, AD$  и  $AC$ , тако да је  $AP = 2 \cdot AB$ ,  $AQ = 3 \cdot AD$  и  $AR = 4 \cdot AC$  (слика десно). Колика је површина троугла  $PQR$ ?



- А)  $S$       Б)  $2S$       В)  $3S$       Г)  $\frac{S}{2}$       Д) 0, тј. тачке  $P, Q$  и  $R$  су колинеарне

30. Ако у датом четвороцифреном броју елиминишемо једну произвољну цифру добијени троцифрени број је делилац полазног четвороцифреног броја. Колико има различитих четвороцифрених бројева са описаним својством?

- А) 5      Б) 9      В) 14      Г) 19      Д) 23

Задаци: „Kangaroo Meeting 2018”, Вилњус, Литванија

Организатор такмичења: Друштво математичара Србије

Превод: проф. др Марија Станић, Ненад Стојановић

Рецензент: проф. др Зоран Каделбург

E-mail: drustvomatematichara@yahoo.com

URL: <http://www.dms.rs>