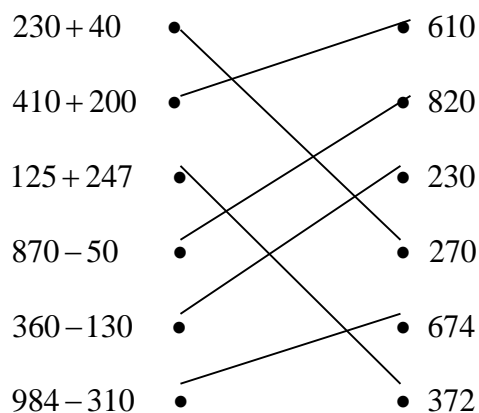


МАТЕМАТИЧКИ ЛИСТ ЛШ-2
РЕЗУЛТАТИ, УПУТСТВА ИЛИ РЕШЕЊА ЗАДАТАКА
ИЗ РУБРИКЕ ЗАДАЦИ ИЗ МАТЕМАТИКЕ

III РАЗРЕД

1.



2.

а) $x = 390 - 170$
 $x = 220$

б) $x = 980 - 420$
 $x = 560$

в) $x = 610 - 452$
 $x = 158$

г) $x = 680 - 250$
 $x = 430$

д) $x = 320 + 240$
 $x = 560$

ђ) $x = 579 + 126$
 $x = 705$

3. Кругу припадају A, G, B, F, C и D

Кружној линији (кружници) припадају A, G и B

Кругу не припадају H и E

Кружној линији (кружници) не припадају $H, E, D, C,$ и F .

4.

x	340	505	368
$x+135$	475	640	503
$x-243$	97	262	125

5. $1km = 1000m$

$$1000m - 200m - 320m = 800m - 320m = 480m$$

Растојање између Милане и Лане сада износи 480m.

6.

$$170 + x = 630$$

$$x - 195 = 310$$

$$642 - x = 200$$

$$x + 327 = 561$$

а) $x = 630 - 170$

б) $x = 310 + 195$

в) $x = 642 - 200$

г) $x = 561 - 327$

$$x = 460$$

$$x = 505$$

$$x = 442$$

$$x = 234$$

7.

а) a и b су

НОРМАЛНЕ

ПАРАЛЕЛНЕ

б) c и b су

НОРМАЛНЕ

ПАРАЛЕЛНЕ

в) a и d су

НОРМАЛНЕ

ПАРАЛЕЛНЕ

г) b и d су

НОРМАЛНЕ

ПАРАЛЕЛНЕ

8. $999 - (299 + 402) = 999 - 701 = 298$

9. Оштри углови су: $\sphericalangle aOb$, $\sphericalangle bOd$ и $\sphericalangle dOc$

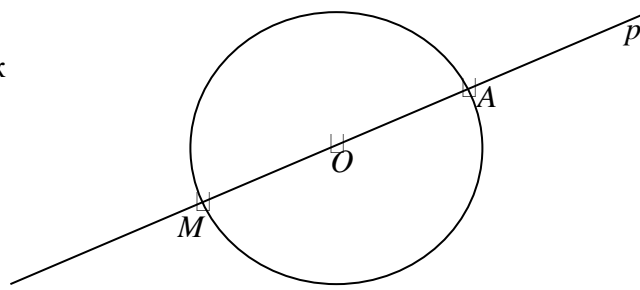
Прави углови су: $\sphericalangle aOd$

Тупи углови су: $\sphericalangle aOc$ и $\sphericalangle bOc$

10.

а) AM се зове пречник

б) AO се зове полупречник



11.

$$(784 - 127) - x = 104; \quad 657 - x = 104; \quad x = 657 - 104; \quad x = 553$$

У продавници је остало 553 књиге.

КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1.

a	310[220]	239[276]	501[406]	498[387]
b	160[170]	124[142]	357[349]	132[214]
$a + b$	470[390]	363[418]	858[755]	630[601]
$a - b$	150[50]	115[134]	144[57]	366[173]

2. а) $300 + 167 + 500 = (300 + 500) + 167 = 800 + 167 = 967$
 $[120 + 354 + 80 = (120 + 80) + 354 = 200 + 354 = 554]$

б) $240 + 160 + 312 = (240 + 160) + 312 = 400 + 312 = 712$

$$[156 + 280 + 420 = 156 + (280 + 420) = 156 + 700 = 856]$$

3.

а) $(a - b) + 170 = 230 + 170 = 400$

$$[(a - b) - 130 = 230 - 130 = 100]$$

б) $(a - 170) - b = 230 - 170 = 60$

$$[(a + 270) - b = 230 + 270 = 500]$$

в) $a - (b - 30) = 230 + 30 = 260$

$$[a - (b + 30) = 230 - 30 = 200]$$

г) $(a - 220) - (b - 220) = 230$

$$[(a + 160) - (b + 160) = 230]$$

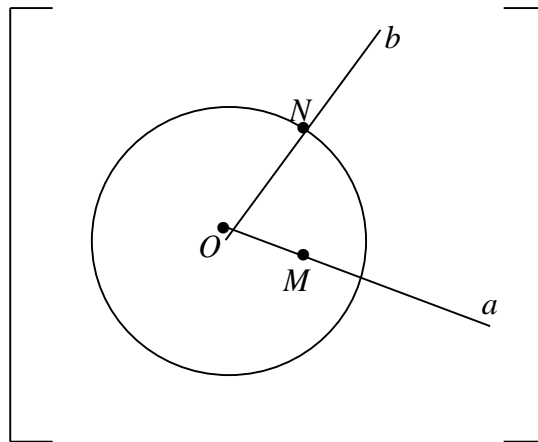
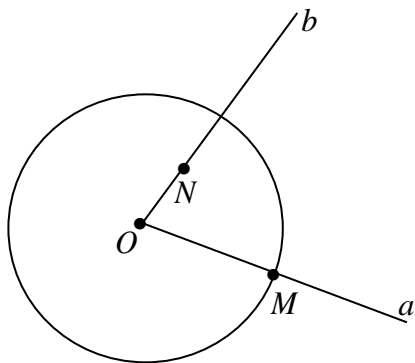
КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1.

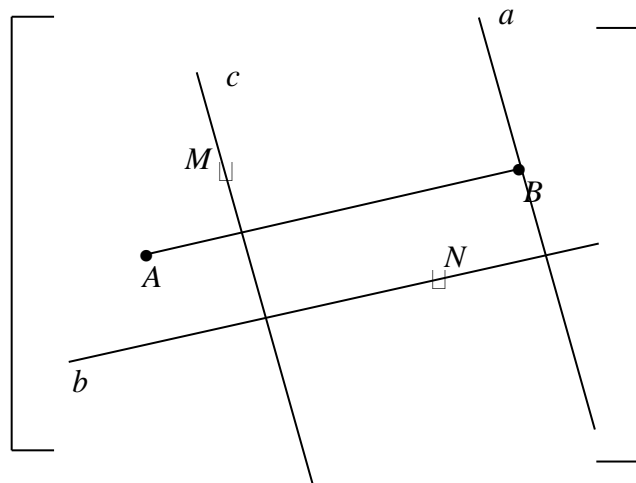
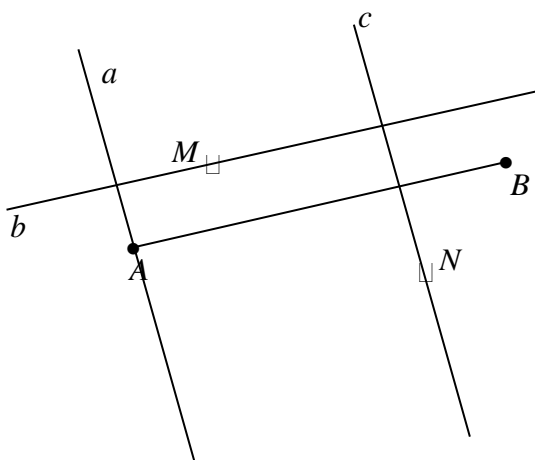
Нека од слова ћирилице у којима има правих углова: П, Ц, Г, Д, Е.

[Нека од слова ћирилице у којима има оштрих углова: А, Х, И, К, У].

2.



3.



КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1. а) $2\text{cm}7\text{mm} = 27\text{mm}$; б) $5\text{m}30\text{cm} = 530\text{cm}$; в) $8\text{dm}9\text{cm} = 890\text{mm}$

[а) $4\text{dm}2\text{cm} = 42\text{cm}$; б) $120\text{cm} = 12\text{dm}$; в) $9\text{m}5\text{dm} = 950\text{cm}$]

2. Мира је висока: $8\text{dm}7\text{cm} = 87\text{cm}$ а Соња је висока $87\text{cm} + 19\text{cm} = 106\text{cm} = 1\text{m}6\text{cm}$

[Мира је висока: $9\text{dm}6\text{cm} = 96\text{cm}$ а Соња је висока $96\text{cm} - 19\text{cm} = 77\text{cm} = 7\text{dm}7\text{cm}$]

3. $730km - 240km - (240km + 120km) = 490km - 360km = 130km$ Марку је остало да трећег дана пређе још $130km$

$[920km - 330km - (330km + 150km) = 590km - 480km = 110km$ Марку је остало да трећег дана пређе још $110km$]

КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1.

$$x + 370 = 570$$

a) $x = 570 - 370$

$$x = 200$$

$$x + 250 = 710$$

[a) $x = 710 - 250$

$$x = 460$$

$$145 + x = 712$$

б) $x = 712 - 145$

$$x = 567$$

$$216 + x = 802$$

б) $x = 802 - 216$

$$x = 586$$

$$x - 397 = 295$$

в) $x = 295 + 397$

$$x = 692$$

$$x - 247 = 196$$

в) $x = 196 + 247$

$$x = 443$$

$$402 - x = 213$$

г) $x = 402 - 213$

$$x = 189$$

$$601 - x = 315$$

г) $x = 601 - 315$]

$$x = 286$$

2.

$$(783 - 324) - x = 103$$

$$459 - x = 103$$

$$x = 459 - 103$$

$$x = 356$$

Платила је бојице 356 динара

$$\left[\begin{array}{l} (842 - 236) - x = 108 \\ 606 - x = 108 \\ x = 606 - 108 \\ x = 498 \end{array} \right]$$

Платила је бојице 498 динара

3.

$$(x - 219) + 342 = 450$$

$$x - 219 = 450 - 342$$

$$x - 219 = 108$$

$$x = 108 + 219$$

$$x = 327$$

Вредност израза је $627 - 327 = 300$

$$\left[\begin{array}{l} (724 - x) + 251 = 352 \\ 724 - x = 352 - 251 \\ 724 - x = 101 \\ x = 724 - 101 \\ x = 623 \end{array} \right]$$

Вредност израза је $623 - 423 = 200$

IV РАЗРЕД

1. а) 2 019; б) 9 863; в) 3 108; г) 505.

2. а) $O = 36\text{dm}$, $P = 81\text{dm}^2$; б) $O = 460\text{ cm}$, $P = 1\,125\text{ cm}^2$.

3. а) 1 116; б) 1 098; в) 9 963; г) 123.

4. (1) Умањеник (a) се повећао за 2 018, па се разлика повећала за 2 018; умањилац (b) се повећао за 2 020, па се разлика смањила за 2 020. Значи, разлика се укупно смањила за 2 па је $(a + 2018) - (b + 2020) = 2\,019 - 2 = \mathbf{2\,017}$.

(2) Умањеник (a) је смањен за 16, па је и разлика смањена за 16; умањилац (b) је повећан за 1 000, па је разлика смањена за 1 000. Значи, разлика је укупно смањена за 1 016, па је $(a - 16) - (b + 1000) = 2\,019 - 1\,016 = \mathbf{1\,003}$.

(3) Умањеник (a) је смањен за 216, па је и разлика смањена за 216; умањилац (b) је смањен за 200, па је разлика повећана за 200. Значи да је разлика укупно смањена за 16, па је $(a - 216) - (b - 200) = 2\,019 - 16 = \mathbf{2\,003}$.

5. а)

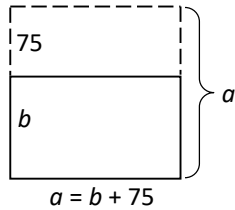
·	11	8	17
7	77	56	119
6	66	48	102
9	99	72	153

б)

↗	4	2	8
24	6	12	3
96	24	48	12
72	18	36	9

6. Дељењем броја 2 020 редом са једноцифреним бројевима 1, 2, 3...9, види се да је број 2 020 дељив само са бројевима 1, 2, 4 и 5. Пошто је $2020 = 2020 \cdot 1 = 1010 \cdot 2 = 505 \cdot 4 = 404 \cdot 5$, тражени **троцифрени** бројеви су **404 и 505**.

7.



Ако су странице правоугаоника a и b , онда је страница

квадрата a , па је $a = b + 75\text{cm}$.

Обим квадрата је 2 020cm, па је страница квадрата

505cm (јер је $4 \cdot a = 2020$, $a = 505$).

Друга страница (b) правоугаоника је 75cm краћа од странице a , значи $b = a - 75$, па је

$$b = 505 - 75, b = 430\text{cm}. \text{ Тада је } O = 2 \cdot (505 + 430), O = 1\ 870.$$

Обим правоугаоника је 1 870cm.

8. Да је и број зечева и број веверица порастао 3 пута било би их укупно 1 485 (јер је $495 \cdot 3 = 1\ 485$). Пошто је број веверица порастао 5 пута, а не 3 пута, то значи да разлика $2\ 019 - 1\ 485$ представља 2 пута увећан почетни број веверица. Пошто је $(2\ 019 - 1\ 485) : 2 = 534 : 2 = 267$, то значи да је на почетку било **267 веверица и 228 зечева**.

9. а) Број 179 има 3 цифре. Оне су записане 100 пута.

Број који је тако настао има **300 цифара** ($3 \cdot 100 = 300$).

б) Ако се број 2 020 (2 020 места) подели бројем 3 (три цифре броја 179), количник је 673 и остатак је 1.

То значи да се на 2 020 места могу распоредити 673 троцифрена броја (179) и прва цифра (1) следећег,

(шесто седамдесет четвртог) броја.

$$\underbrace{1\ 79\ 179 \dots 1\ 79\ 179}_{673 \text{ пута број } 179} 1\ 79\ 179 \dots$$

Значи, **на 2 020. месту је цифра 1**.

10. Ако је a дужина плоче, а b ширина плоче, тада је површина плоче $a \cdot b$.

Дужина пода је $5 \cdot a$, ширина пода је $2 \cdot b$, а површина пода је $(5 \cdot a) \cdot (2 \cdot b)$.

То значи да је површина пода $10 \cdot a \cdot b$. Пошто је $10 \cdot a \cdot b = 600\text{ m}^2$, значи да је $a \cdot b = 60\text{ m}^2$.

Површина плоче је 60 m^2 .

11. Ако су a и b природни бројеви и $a - b = 7$, тада је $a = b + 7$.

Израз $2\,019 \cdot a - 2\,018 \cdot b$ може се написати као $a + 2\,018 \cdot a - 2\,018 \cdot b$.

Тада је $a + 2\,018 \cdot a - 2\,018 \cdot b = a + 2\,018 \cdot (a - b) = a + 2\,018 \cdot 7 = a + 14\,126$.

Израз $a + 14\,126$ је најмањи за најмању могућу вредност природног броја a .

Како је $a = b + 7$, то значи да је и b најмањи природан број, дакле $b = 1$.

Тада је $a = 8$, а $a + 14\,126 = 8 + 14\,126 = 14\,134$.

Најмања вредност израза $2\,019 \cdot a - 2\,018 \cdot b$ је 14 134, кад је $a = 8$, а $b = 1$.

КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1. а) 13 651; б) 11 264; в) 58 851; г) 17 346.

[а) 38 345; б) 18 315; в) 55 496; г) 19 587.]

2. А = $945 : 3 = 315$, Б = $12 - 3 = 9$, а) 324; б) 306; в) 2 835; г) 35.

[А = $945 : 5 = 189$, Б = $12 - 5 = 7$, а) 196; б) 182; в) 1 323; г) 27.]

3. $2\,300 - (1\,237 + 954) = 2\,300 - 2\,191 = 109$,

Растојање између аутомобила ће бити 109km.

[$2\,100 - (1\,009 + 836) = 2\,100 - 1\,845 = 255$,

Растојање између аутомобила ће бити 255km.]

ДРУГИ ПИСМЕНИ ЗАДАТАК

1. а) 2 018; б) 7 981; в) 1 652; г) 173.

[а) 2019; б) 7 979; в) 2 583; г) 136.]

2. а) $673 \cdot (3 - 3) + 9 : 3 = 3$, $673 \cdot 3 - 3 + 9 : 3 = 2019$.

Без заграда је вредност израза већа за 2016.

б) $(673 \cdot 3) - 3 + (9 : 3) = 2019$, $673 \cdot 3 - 3 + 9 : 3$

Вредности израза су једнаке.

$$[a) 505 \cdot (4 - 4) + 8 : 2 = 4, \quad 505 \cdot 4 - 4 + 8 : 2 = 2020.]$$

Без заграда је вредност израза већа за 2016.

$$б) (505 \cdot 4) - 4 + (8 : 2) = 2020, \quad 505 \cdot 4 - 4 + 8 : 2 = 2020$$

Вредности израза су једнаке.]

3. Брат је смањио своју уштеђевину за 200 динара, а повећао за $3 \cdot 450$ динара. .

Значи да се његова уштеђевина укупно повећала за 1 150 динара
(јер је $3 \cdot 450 - 200 = 1 150$).

То повећање је једнако двоструком износу сестрине уштеђевине.

Пошто је $1 150 : 2 = 575$, значи да **сестра има 575 динара**.

Брат има 1 150 динара више од сестре. Пошто је $575 + 1 150 = 1 725$, значи да **брат и**

1 750 динара, а то је три пута више него што има сестра ($575 \cdot 3 = 1 725$).

[$3 \cdot 400 - 150 = 1 050$; $1 050 : 2 = 525$; **Сестра има 525 динара**; $525 + 1 050 = 1 575$;
а **брат 1575 динара**.]

4. а) $a = 8\text{cm}$, $P = 64\text{cm}^2$; б) $O = 52\text{cm}$, $P = 153\text{cm}^2$.

[а) $a = 9\text{cm}$, $P = 81\text{cm}^2$; б) $O = 48\text{cm}$, $P = 108\text{cm}^2$.]

5. $x \begin{array}{|c|c|c|} \hline x & & \\ \hline \end{array} b = x$
 $a = 3x$

$$8x = 72\text{cm}$$

$$x = 9\text{cm}. \quad a = 27\text{cm}. \quad b = 9\text{cm}. \quad P = 243\text{cm}^2.$$

$$8x \left[\begin{array}{l} 56\text{cm} \\ x = 7\text{cm}. \quad a = 21\text{cm}. \quad b = 7\text{cm}. \quad P = 147\text{cm}^2. \end{array} \right]$$

V РАЗРЕД

1. а) 1976, 1110, 3150; б) 1110, 117, 3150; в) 1110, 475, 3150 ;

г) 1110, 3150; д) 475, 3150; њ) ниједан.

2. а) 121° б) 5° .

3. а) 147° б) 35° в) 144° .

4. 8208, 8028, 8928, 8748, 8568, 8388.

5. Нацртај троугао ABC тако да је угао BAC једнак углу α , а угао ABC једнак углу β .

6. а) $a=15, b=14$; б) $c=14, a=35, b=37$.

7. $15^\circ 52' 40''$.

8. 13.

9. 40° .

10. $(4, x)$ за $x \in \{1, 2, 3, \dots, 9\}$, $(x, 8)$ за $x \in \{0, 1, 2, 3, 5, 6, 7, 8, 9\}$, $(1, 2)$, $(1, 5)$, $(7, 2)$, $(7, 5)$.

Дакле, постоје 22 пара бројева a и b таквих да су испуњени услови задатка.

11. 35 и 10010, 70 и 5005, 385 и 910, 455 и 770.

Контролни задатак - Дељивост

1. $270 = 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5$, $504 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 7$,

$NZS(270, 504) = 7560$, $NZD(270, 504) = 18$

[$264 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 11$, $550 = 2 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 11$,

$NZS(264, 550) = 6600$, $NZD(264, 550) = 22$].

2. Ниједан од бројева није прост јер $2 \mid 94, 5 \mid 145, 3 \mid 87, 7 \mid 371, 23 \mid 529$.

[Бројеви 141, 106, 235, 287 нису прости јер $3 \mid 141, 2 \mid 106, 5 \mid 235, 7 \mid 287$, број 367 је прост јер нема простих делилаца мањих или једнаких 19 и $23 \cdot 23 > 367$].

3. Нису, јер $632 - 621 = 11$ и 621 није садржалац броја 11 [Јесу, јер $754 - 741 = 13$ и 741 јесте садржалац 13].

4. 14 и 15, 15 и 34, 20 и 21, 21 и 34 [12 и 25, 14 и 25, 21 и 25, 21 и 40].

Контролни задатак - Угао

1. $\alpha = 97^\circ 9'$, туп [$\beta = 82^\circ 54'$, оштар].

3. $54^\circ 57'$ [$53^\circ 12'$].

4. $x = 22^\circ 30', y = 157^\circ 30', [x = 78^\circ 45', y = 11^\circ 15']$.

Други писмени задатак

1. Одговори су наведени у редоследу d, a:d, b:d.

а) 2, 17, 26; б) 3, 46, 25; в) 7, 6, 17 [а) 5, 8, 15; б) 2, 38, 57; в) 11, 21, 5] .

2. $NZS(14,12,9) = 252, NZD(34,221) = 17$ [$NZS(24,54,16) = 432, NZD(39,143) = 13$].

3. 22325,27375 [32124, 35154, 38184].

4. $\angle bOd = 64^\circ 33', \angle bOe = 96^\circ 5' [\angle cOe = 70^\circ 29', \angle aOd = 99^\circ 33']$.

5. 15^0 [150^0].

VI РАЗРЕД

1. а) $26:(-2) = -13$ $(-26)\cdot 2 = -52$, па је $26:(-2) > (-26)\cdot 2$;

б) $(3-3)\cdot (-123) = 0$ и $100:(-100) = -1$, па је $(3-3)\cdot (-123) > 100:(-100)$.

2. а) -4 ; б) -3 .

3. Угао OME је 75^0 .

4. Тачан одговор је в) $(-2-3)\cdot(-5+4)$.

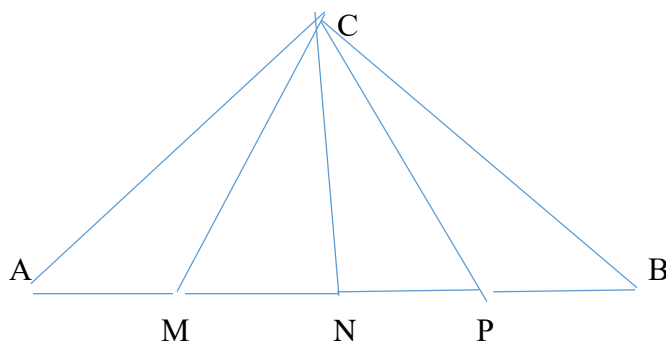
5. $|x| = 16$.

6. а) Из једнакости унакрсних углова AOC и BOD , односно BOC и AOD и једнакости полупречника $AO=CO=BO=DO$ следи подударности једнакокраких троуглова ACO и BDO , односно ADO и BCO . Одавде је

$AC=BD$ и $BC=AD$ а углови ACB , ADB , CAD , CBD су прави као углови над пречником, па су подударни правоугли троуглови ABC , BAD , CAD и DCB .

б) $\angle ABC=25^0$, $\angle BAC=65^0$, $\angle ACB=90^0$.

7.



а) $\triangle AMC$ је подударан са $\triangle BPC$ ($AM=BP$, $AC=BC$, $\angle MAC = \angle PBC$)

б) $\triangle BMC$ ја подударан са $\triangle APC$ ($BM=AP$, $BC=AC$, $\angle MBC = \angle PAC$)

8. Мора бити негативан б) у .

9. $|x-2| = 5$ или $|x-2| = 1$.
10. $\angle AOB = 150^\circ$, $\angle ABO = \angle BAO = 15^\circ$.
11. Растојање ортоцентра и тежишта тог троугла је 4 cm.

КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1. $a \cdot (b-c) = -42$ [$a:b - c = 2$].
2. $8 : (-4) + 8 : (-2) - 8 : (-1) = 2$ [$(-2) \cdot 3 - (-2) \cdot (-2) + (-2) \cdot (-1) = -8$].
3. $x=2$, $(2 \cdot x - 7) = -3$ [$x = -2$, $(2 \cdot x - 7) = -11$].
4. $(x+2) \cdot x$ је 35 или 15 [$(3-x) \cdot x$ је -10 или -40].

ДРУГИ ПИСМЕНИ ЗАДАТАК

1. $-15 \cdot (-3) \cdot (-2) : 18 - 18 = -23$ [$15 - 15 \cdot 3 \cdot (-12) : 18 = 45$].
2. Израз $-12 : (-4) + 8$ је већи од израза $-12 : (-4 + 8)$ за 14 [Израз $-5 \cdot (-4) + 3$ је већи од израза $-5 \cdot (-4 + 3)$ за 18].
3. Број x ако је 14 или -14 [Број x ако је 19 или -19].
4. $\angle MAB = 37^\circ$, $\angle AMB = 69^\circ$, $\angle MBA = 74^\circ$ [$\angle MAB = 16^\circ$, $\angle AMB = 90^\circ$, $\angle MBA = 74^\circ$].

VII РАЗРЕД

1. а) и в).
2. а) $x-1$; б) $4x-5$; в) $x+1$; г) $-x-1$.
3. Укупан број дијагонала је 20. Збир унутрашњих углова је 1080° . Збир спољашњих углова је 360° .
4. $2x^3 + 9x^2 - 21x + 6$.
5. 4.
6. 225.
7. 27.
8. а) $n=3$, б) $n=3$.
9. Већи је $3^{10} + 7 \cdot 3^9$.
10. $O = 96(\sqrt{2} - 1) \text{ cm}$.
11. 144° .

КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1. $\frac{3}{8} \left[\frac{1}{3} \right]$.
2. а) x^2 [x^3], б) $2x$ [$8x$].
3. $2x^3+2x^2+11$ [$-x^3+3x^2+3x+7$].
4. $x=-10$ [$x=-8$].

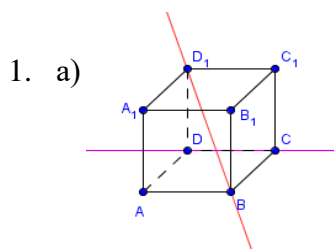
КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1. $148^\circ, 148^\circ, 90^\circ, 90^\circ, 64^\circ$ [$158^\circ, 158^\circ, 90^\circ, 90^\circ, 44^\circ$].
2. $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ [3].
3. $n=17$ [$n=19$].

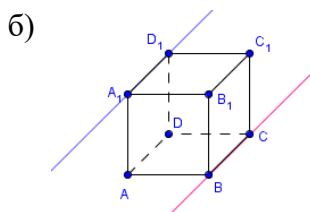
ДРУГИ ПИСМЕНИ ЗАДАТАК

1. 3^7 [2^{10}].
2. -63 [-19].
3. $-2x^2-7x-5$ [$2x^2+7x+5$].
4. а) 405 , б) 12° [а) 252 , б) 15°].
5. $O=24\text{cm}$, $P=24\sqrt{3}\text{ cm}^2$ [$O=36\text{cm}$, $P=54\sqrt{3}\text{ cm}^2$]

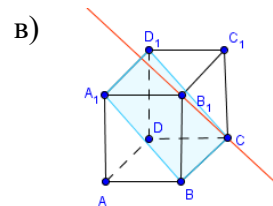
VIII РАЗРЕД



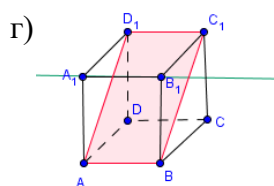
мимоилазне



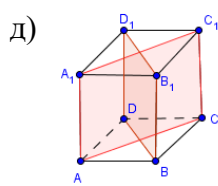
паралелне



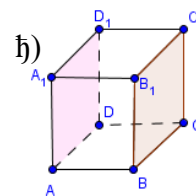
права продире раван у тачки С



паралелне

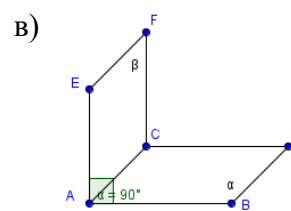
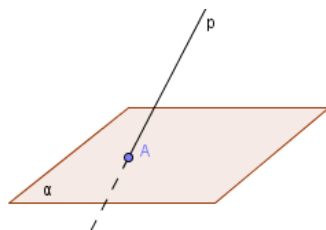
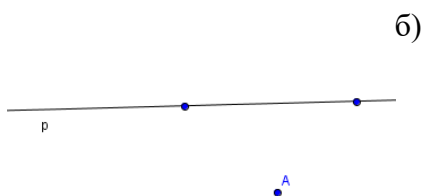


секу се по правој која пролази
кроз пресечне тачке дијагонала



паралелне

2. а) Тачка А не припада прави p . б) Прва p продира раван α у тачки А. в) Равни α и β су нормалне (ортогоналне).



3. Најмањи број темена у основи је три, тј. ако обележимо $n = 3$, тада важи:
Број страна је $n + 2 = 5$; Број ивица је $n \cdot 3 = 9$; Број темена је $n \cdot 2 = 6$
 б) страна 10, ивица 24, темена 16.
 в) $n = 4$, значи да има 12 ивица, а = 7 cm је дужина странице коцке;
 $P = 294 \text{ cm}^2$; $V = 343 \text{ cm}^3$.

4.а) $AB^2 = (9 - 3)^2 + 8^2$, па је $AB = 10 \text{ cm}$.

б) $A_1B_1^2 = 20^2 - (7 + 5)^2$, па је $A_1B_1 = 16 \text{ cm}$.

5. $V = B \cdot H = (25\text{cm} \cdot (45\text{cm} + 30\text{cm} + 15 \text{ cm})) \cdot 80 \text{ cm} = V = 180\,000 \text{ cm}^3$;

$P = 2 \cdot 2250 + 2 \cdot 75 \cdot 80 + 2 \cdot 80 \cdot 45$, $P = 23\,700 \text{ cm}^2$

6. а) једна права; б) $\frac{n(n-1)}{2} = \frac{206 \cdot 205}{2} = 21\,115$;

в) $21\,115 - (6 \cdot 5) : 2 + 1 = 21\,101$ или $(200 \cdot 199) : 2 + 6 \cdot 200 + 1 = 21\,101$.

Основа праве четворостране призме је ромб обима 52 cm и једне дијагонале 10 cm. Већи дијагонални пресек је квадрат. Израчунај запремину призме.

7. $a = 16 \text{ cm}$, $P = (768\sqrt{3} + 1536) \text{ cm}^2$.

8. $a_1 = 1,3 a$; $P_1 = 6 \cdot 1,69 a^2$; $P_1 - P = 10,14 a^2 - 6 a^2 = 4,14 a^2$; $4,14 : 6 = x : 100, x = 69 \%$

б) $V_1 = 1,728 \cdot V$ па је $a_1^3 = 1,728 \cdot a^3$. Тада је $a_1 = 1,2 \cdot a$. Разлика површина је $\Delta P = 8,64 \cdot a^2 - 6 \cdot a^2 = 2,64 \cdot a^2$. Значи, $(2,64 \cdot a^2) : (6 \cdot a^2) = 0,44$ тј. **44 %**.

9. $B = (64 : 2) : 2 = 16$; $V = 16 \cdot 10$,

$$V = 160 \text{ m}^3.$$

$$10. P = 2 \cdot 30 \cdot 30 + 4 \cdot 30 \cdot 40 + 4 \cdot 12 \cdot 10 = 1800 + 4800 + 480 = 6600 + 480$$

$$P = 7080 \text{ mm}^2.$$

11. $M = 6aH$, па је $aH = 108 \text{ cm}^2$. Из формуле $a^2 + H^2 = d_{bs}^2$ (*), добијемо:
 $(a + H)^2 - 2aH = 225$, тј. $(a + H)^2 = 441$, па је $a + H = 21$ (**). Међутим, формулу (*)
 можемо да запишемо и на следећи начин: $(a - H)^2 + 2aH = 225$, па је $|a - H| = 3$, тј. $a - H = 3$ (***) или
 $a - H = -3$ (****). Решавајући системе једначина (** и ***) и (** и ****) добијемо
 решења:

$$a_1 = 12 \text{ cm}, H_1 = 9 \text{ cm}; P_1 = 216 \cdot (2\sqrt{3} + 3) \text{ cm}^2 \text{ и } a_2 = 9 \text{ cm}, H_2 = 12 \text{ cm}; P_2 = 81 \cdot (3\sqrt{3} + 8) \text{ cm}^2$$

КОНТРОЛНА ВЕЖБА

1. $a = 2k, b = 3k, c = 6k: D^2 = (2k)^2 + (3k)^2 + (6k)^2$, одакле је $196 = 49 k^2$; па је $k = 2$. Тада је $V = 36 \cdot k^3 = 36 \cdot 8 = 288 \text{ cm}^3$ ($V = 9216 \text{ cm}^3$)

Израчунај површину правилне тростране призме, чија је висина два (три) пута већа од основне ивице, а описана (уписана) кружница основе те призме има полупречник од **6 cm**

(. 4 cm).

2. $r_o = 6 \text{ cm}, r_o = \frac{a\sqrt{3}}{3}$, одакле је $a = 6\sqrt{3} \text{ cm}$, тј. $H = 12\sqrt{3} \text{ cm}$. $V = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = 27\sqrt{3} \text{ cm}^2$, $M = 3aH$,
 $P = 54 \cdot (\sqrt{3} + 12) \text{ cm}^2$.

Решење за другу групу је: $r_u = 4 \text{ cm}, r_u = \frac{a\sqrt{3}}{6}$, одакле је $a = 8\sqrt{3} \text{ cm}$, тј.

$$H = 24\sqrt{3} \text{ cm}. P = 96 \cdot (\sqrt{3} + 18) \text{ cm}^2.$$

3. $V = 6 \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = 2904 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}^2$. $V = B \cdot H = 58080 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}^3$. Како је $\rho = \frac{m}{V}$; одавде је
 $m = 783731,52 \text{ g} = 783,73152 \text{ kg}$

Решење за другу групу: $m = 777254,4 \text{ g} = 777,2544 \text{ kg}$

ДРУГИ ПИСМЕНИ ЗАДАТАК

1. V_1 је запремина коцке, V_2 је запремина квадра, $V_2 = 2 \cdot 6 \cdot 18 = 216$, па је ивица коцке $a = 6$ **см**. Тада је $P_1 = 216$ **см²**, а $P_2 = 312$ **см²**, па је $\Delta P = 96$ **см²**, већа је површина квадра.

Решење за другу групу: ивица коцке је $a = \sqrt[3]{512}$ **см** = 8 **см**. Тада је $P_1 = 384$ **см²**, а $P_2 = 448$ **см²**, па је $\Delta P = 64$ **см²**, већа је површина квадра.

2. $d_{\text{baze}} = 6$ **см**, одакле је $a = 3\sqrt{2}$ **см**. Висина призме је $H = \frac{D\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3}$ **см**. Тада је $V = 108\sqrt{3}$ **см³**, $P = 36 \cdot (1 + 2\sqrt{6})$ **см²**.

Решење за другу групу: $d_{\text{baze}} = 8\sqrt{3}$ **см**, одакле је $a = 4\sqrt{6}$ **см**. Висина призме је $H = 8$ **см**, $V = 768$ **см³**, $P = 64 \cdot (3 + 2\sqrt{6})$ **см²**.

3. Користећи формулу $V = 6 \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$, израчунамо да је $a = 3$ **см**.

Како је $Dv^2 = dv^2 + H^2 = (2a)^2 + H^2$, добијемо да је $H = 8$ **см**.

$$P = 2B + M, \text{ па је } P = 9 \cdot (3\sqrt{3} + 16) \text{ см}^2.$$

Решење за другу групу: $P = 36 \cdot (3\sqrt{3} + 5)$ **см²**.

4. $a = 10$ **см**. Из обима важи: $2 \cdot (3a + H) = 72$, па је $H = 6$ **см**.

$$P = 50\sqrt{3} + 3 \cdot 10 \cdot 6, P = 10 \cdot (5\sqrt{3} + 18) \text{ см}^2.$$

Решење за другу групу: $2 \cdot (3a + H) = 54$, одакле је $a = 6$ **см**. Тада је $V = 9\sqrt{3}$ **см²**, па је $P = 18 \cdot (\sqrt{3} + 9)$ **см²**